

# 1. Übungsblatt

**Ausgabe:** 18. April 2002    **Abgabe:** 26. April 2002

**Aufgabe 1:** Es sei  $\Sigma = \{a, b, c\}$  das Alphabet mit den Buchstaben  $a, b$  und  $c$ .

1. Zählen Sie alle Wörter der formalen Sprache  $\bigcup_{k=0}^2 \Sigma^k$  auf.
2. Wieviele Sprachen über  $\Sigma$  gibt es, in denen jedes Wort eine Länge kleiner oder gleich 2 hat?  
[Hinweis: Aufgabe 4]

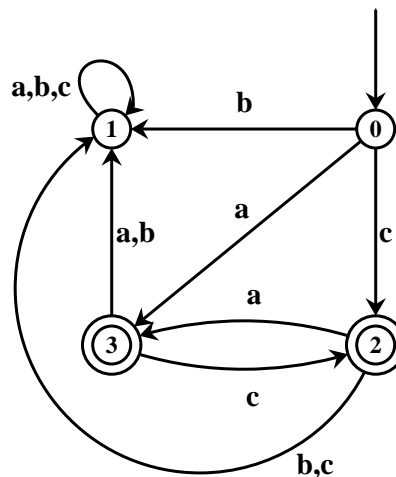
4 Punkte

**Aufgabe 2:** Gegeben das Alphabet  $\Sigma = \{a, b, c\}$  wie in Aufgabe 1, und zwei Sprachen über  $\Sigma$ :  
 $L_1 = \{\epsilon, a, ab, ac\}$  und  $L_2 = \{b, ca, a\}$ .

1. Geben Sie alle Wörter der folgenden Sprachen an:
  - $L_1 \cdot L_2$
  - $(L_1)^2$
  - $L_1/L_2$
  - $(L_1 \cdot L_2)/L_2$
2. Sind  $L_1, L_2$  und die in 1. konstruierten Sprachen regulär? Begründen Sie die Antwort.

4 Punkte

**Aufgabe 3:** Welche Sprache akzeptiert der endliche Automat mit dem folgenden Zustandsgraphen?



4 Punkte

**Aufgabe 4:** Gegeben eine endliche Menge  $M$  mit  $m$  Elementen. Die **Potenzmenge** von  $M$  ist die Menge aller Teilmengen von  $M$  und wird auch als  $2^M$  bezeichnet.

Beispiel: Sei  $M = \{1, 2, 3\}$ . Dann ist  $2^M = \{\emptyset, \{1\}, \{2\}, \{3\}, \{1, 2\}, \{1, 3\}, \{2, 3\}, \{1, 2, 3\}\}$ .

Zeigen Sie per Induktion über  $m$ : Die Potenzmenge  $2^M$  enthält  $2^m$  Elemente.

[Hinweis: Eine Möglichkeit ist, im Induktionsschritt die Potenzmenge aufzuteilen in Teilmengen, die ein bestimmtes Element der Menge  $M$  nicht enthalten, und die restlichen Teilmengen.]

4 Punkte